

УТВЕРЖДАЮ
Первый проректор, проректор
по УР

_____ А.Е. Рудин

Рабочая программа дисциплины

Б1.О.06

Математическое моделирование

Учебный план: 2026-2027 29.04.03 ВШПМ ТПиУП ОО №2-1-41.plx

Кафедра: **21** Информационных и управляющих систем

Направление подготовки:
(специальность) 29.04.03 Технология полиграфического и упаковочного производства

Профиль подготовки:
(специализация) Технология полиграфического производства

Уровень образования: магистратура

Форма обучения: очная

План учебного процесса

Семестр (курс для ЗАО)		Контактная Практ. занятия	Сам. работа	Контроль, час.	Трудоёмкость, ЗЕТ	Форма промежуточной аттестации
1	УП	48	59,75	0,25	3	Зачет
	РПД	48	59,75	0,25	3	
Итого	УП	48	59,75	0,25	3	
	РПД	48	59,75	0,25	3	

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 29.04.03 Технология полиграфического и упаковочного производства, утвержденным приказом Минобрнауки России от 22.09.2017 г. № 967

Составитель (и): кандидат физико-математических наук, Доцент	_____	Жихарева Алена Аркадьевна
От кафедры составителя: Заведующий кафедрой информационных и управляющих систем	_____	Дроздова Елена Николаевна
От выпускающей кафедры: Заведующий кафедрой	_____	Груздева Ирина Григорьевна

Методический отдел:

1 ВВЕДЕНИЕ К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1 Цель дисциплины: Сформировать компетенции обучающегося в области методов математического моделирования процессов печати. Сформировать навыки выбора средств математического моделирования и их реализации.

1.2 Задачи дисциплины:

- Развить умение выбирать физическую и математическую модель процессов печати, соответствующую поставленной практической задаче.
- Уметь формулировать прикладную задачу в строгих математических терминах.
- Сформировать представление об изучаемой дисциплине как о строгой математической науке и основах ее реализации с помощью стандартных математических пакетов.

1.3 Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Предварительная подготовка предполагает создание основы для формирования компетенций, указанных в п. 2, при изучении дисциплин:

Дисциплина базируется на компетенциях, сформированных на предыдущем уровне образования

2 КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

ОПК-2: Способен анализировать и использовать знания фундаментальных наук при проведении исследований и создании новой конкурентоспособной полиграфической продукции и упаковки
Знать: - основные принципы математического моделирования и способы решения основных математических задач
Уметь: – применять методы численного моделирования для решения различных практических задач
Владеть: - практическими навыками математической обработки данных, полученных в ходе научно-исследовательской работы

3 РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Наименование и содержание разделов, тем и учебных занятий	Семестр (курс для ЗАО)	Контактная работа	СР (часы)	Инновационные формы занятий	Форма текущего контроля
		Пр. (часы)			
Раздел 1. Основные структуры линейной алгебры	1				Л
Тема 1. Вектора, матрицы. Основные операции. Векторное пространство, скалярное произведение, длина вектора, угол между векторами		4	4		
Тема 2. Базисы в векторном пространстве. Матричный анализ. Собственные числа и собственные вектора матриц		4	4	ГД	
Раздел 2. Основные структуры численного моделирования					Л
Тема 3. Глобальная аппроксимация функций, многочлены Лагранжа, Ньютона. Локальная интерполяция функций, интерполяция сплайнами		4	4		
Тема 4. Численное дифференцирование. Численное интегрирование – метод трапеций, метод Симпсона		4	4	ГД	
Раздел 3. Моделирование динамических процессов					Л
Тема 5. Основные понятия теории обыкновенных дифференциальных уравнений: общее решение уравнения, решение задачи Коши, фазовый портрет системы		7	8		
Тема 6. Разностные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений: метод Эйлера, метод Эйлера-Коши, метод Рунге-Кутты		8	10	ГД	

Раздел 4. Решение оптимизационных задач					
Тема 7. Численная оптимизация в одномерном случае. Метод Ньютона		6	8		
Тема 8. Многомерные задачи оптимизации. Методы покоординатного спуска. Метод наискорейшего спуска. Оптимизация с ограничениями. Метод штрафных функций		6	8		Л
Тема 9. Линейное программирование. Метод главных компонент, метод наименьших квадратов		5	9,75	ГД	
Итого в семестре (на курсе для ЗАО)		48	59,75		
Консультации и промежуточная аттестация (Зачет)		0,25			
Всего контактная работа и СР по дисциплине		48,25	59,75		

4 КУРСОВОЕ ПРОЕКТИРОВАНИЕ

Курсовое проектирование учебным планом не предусмотрено

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

5.1 Описание показателей, критериев и системы оценивания результатов обучения

5.1.1 Показатели оценивания

Код компетенции	Показатели оценивания результатов обучения	Наименование оценочного средства
ОПК-2	Формулирует методы аппроксимации, интерполяции и экстраполяции функций, способы приближенного решения основных математических задач; воспроизводит методы приближенного решения основных динамических задач для классических задач математической физики Определяет задачу в виде математической модели; вычисляет характеристики математических объектов, используя известные методы Применяет основные методы построения приближенной схемы решения прикладной задачи и соответствующие разностные схемы;	Практическое задание

5.1.2 Система и критерии оценивания

Шкала оценивания	Критерии оценивания сформированности компетенций	
	Устное собеседование	Письменная работа
Зачтено	Уверенное владение материалом поставленного вопроса и дополнительного вопроса	
Не зачтено	Слабое представление о всем корпусе вопросов данной дисциплины	

5.2 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

5.2.1 Перечень контрольных вопросов

№ п/п	Формулировки вопросов
Семестр 1	
1	Постановка задачи интерполяции. Методы интерполяции
2	Методы экстраполяции
3	Постановка задачи численного интегрирования. Методы численного интегрирования
4	Прикладные задачи, решение которых сводится к задаче численного интегрирования
5	Математическое моделирование. Основные понятия

6	Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений
7	Численное решение систем обыкновенных дифференциальных уравнений
8	Прикладные задачи, решение которых сводится к численному решению ОДУ или систем ОДУ
9	Этапы моделирования
10	Понятие модель. Математическая модель

5.2.2 Типовые тестовые задания

не предусмотрено

5.2.3 Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы)

1. Построить график функции при $-3 \leq a, b \leq 3$

$$F(a,b) = \int_0^5 (2a \sin(5x^2+b) + 3 \cos(a+x^3)) dx.$$

2. Решить систему уравнений средствами Matlab:

$$xyz = -1, x^2 + 2y^2 + 4z^2 = 7, 2x^2 + y^3 + 6z = 7.$$

3. Создать матрицу 10x10 и вычислить ее собственные числа и собственные вектора.

4. Написать m-file для решения системы линейных уравнений методом Крамера

5. Построить фазовый портрет модели хищник-жертва,

$$x'(t) = Ax(t) - Bx(t)y(t),$$

$$y'(t) = Cx(t)y(t) - Dy(t).$$

Взять $A=2, B=0.02, C=0.002, D=0.8, x(0)=0.1-1.0, y(0)=120$, на временном интервале $(0, 4)$.

6. Написать скрипт, реализующий интерполяцию Лагранжа для заданного набора входных данных. Построить соответствующие графики.

7. Сгенерировать 10 случайных чисел – это значения функции в точках 0, 1, ..., 9. Построить сплайн-интерполяцию для этого набора данных. Построить соответствующие графики.

8. Компания владеет 2 фабриками и 2 магазинами. Первая фабрика выпускает 50 т конфет в месяц, вторая – 90 т конфет в месяц. В первом магазине продается 75 т конфет в месяц, во втором – 65 т конфет в месяц. Стоимость перевозки 1 т: из 1 фабрики в 1 магазин – 100 р, из первой фабрики во второй магазин – 200 р, из второй фабрики в первый магазин – 200 р, из второй фабрики во второй магазин – 300 р. Как организовать перевозки, чтобы получить их минимальную стоимость?

5.3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, владений (навыков и (или) практического опыта деятельности)

5.3.1 Условия допуска обучающегося к промежуточной аттестации и порядок ликвидации академической задолженности

Проведение промежуточной аттестации регламентировано локальным нормативным актом СПбГУПТД «Положение о проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся»

5.3.2 Форма проведения промежуточной аттестации по дисциплине

Устная ☐ Письменная ☐ Компьютерное тестирование ☐ Иная ☐ +

5.3.3 Особенности проведения промежуточной аттестации по дисциплине

При проведении зачета время, отводимое на подготовку, не превышает 30 минут. Сообщение результатов производится непосредственно сразу после выполнения задания.

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1 Учебная литература

Автор	Заглавие	Издательство	Год издания	Ссылка
6.1.1 Основная учебная литература				
Жихарева А. А.	Вычислительная математика	Санкт-Петербург: СПбГУПТД	2020	http://publish.sutd.ru/tp_ext_inf_publish.php?id=20209398

Афонин, В. В., Федосин, С. А.	Моделирование систем	Москва: Интернет- Университет Информационных Технологий (ИНТУИТ), Ай Пи Ар Медиа	2024	https://www.iprbooks.hop.ru/133951.html
Ахмадиев, Ф. Г., Гильфанов, Р. М.	Математическое моделирование и методы оптимизации	Москва: Ай Пи Ар Медиа	2022	https://www.iprbooks.hop.ru/116448.html
6.1.2 Дополнительная учебная литература				
Ахмадиев, Ф. Г., Гильфанов, Р. М.	Математическое моделирование и методы оптимизации	Казань: Казанский государственный архитектурно- строительный университет, ЭБС АСВ	2017	http://www.iprbookshop.ru/73309.html
Казаков А. Я., Юрасова Е. М.	Математическое моделирование. Самостоятельная работа	Санкт-Петербург: СПбГУПТД	2019	http://publish.sutd.ru/tp_ext_inf_publish.php?id=20199331
Семенов, М. Е., Некрасова, Н. Н., Канищева, О. И., Барсуков, А. И., Попов, М. А.	Математическое моделирование и дифференциальные уравнения	Воронеж: Воронежский государственный технический университет, ЭБС АСВ	2017	http://www.iprbookshop.ru/72918.html
Галкина, М. Ю.	Методы оптимальных решений	Новосибирск: Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики	2016	http://www.iprbookshop.ru/69544.html
Жихарева А. А.	Статистика. Самостоятельная работа	СПб.: СПбГУПТД	2019	http://publish.sutd.ru/tp_ext_inf_publish.php?id=20198330
Губарь, Ю. В.	Введение в математическое моделирование	Москва: Интернет- Университет Информационных Технологий (ИНТУИТ)	2016	http://www.iprbookshop.ru/73662.html

6.2 Перечень профессиональных баз данных и информационно-справочных систем

Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам. Раздел. Информатика и информационные технологии» [Электронный ресурс].
URL: http://window.edu.ru/catalog/?p_rubr=2.2.75.6
Электронно-библиотечная система IPRbooks [Электронный ресурс]. URL: <http://www.iprbookshop.ru/>

6.3 Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения

MATLAB
Microsoft Windows

6.4 Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Аудитория	Оснащение
Компьютерный класс	Мультимедийное оборудование, компьютерная техника с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду