

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Санкт-Петербургский государственный университет промышленных технологий и дизайна»
(СПбГУПТД)

УТВЕРЖДАЮ
Первый проректор, проректор
по УР
_____ А.Е. Рудин

Рабочая программа дисциплины

Б1.О.16

Исследование операций и методы оптимизации

Учебный план: 2026-2027 09.03.04 ИИТА Програм инжен ОО №1-1-195plx

Кафедра: 26 Математики

Направление подготовки:
(специальность) 09.03.04 Программная инженерия

Профиль подготовки:
(специализация) Программная инженерия

Уровень образования: бакалавриат

Форма обучения: очная

План учебного процесса

Семестр (курс для ЗАО)		Контактная работа обучающихся		Сам. работа	Контроль, час.	Трудоё мкость, ЗЕТ	Форма промежуточной аттестации
		Лекции	Практ. занятия				
4	УП	34	34	49	27	4	Экзамен
	РПД	34	34	49	27	4	
Итого	УП	34	34	49	27	4	
	РПД	34	34	49	27	4	

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 09.03.04 Программная инженерия, утверждённым приказом Минобрнауки России от 19.09.2017 г. № 920

Составитель (и):

без ученой степени, Старший преподаватель _____ Потихонова Виктория

доктор технических наук, Заведующий кафедрой _____ Всеволодовна

Рожков Николай

Николаевич

От кафедры составителя:

Заведующий кафедрой математики _____ Рожков Николай

Николаевич

От выпускающей кафедры:

Заведующий кафедрой _____ Сошников Антон

Владимирович

Методический отдел:

1 ВВЕДЕНИЕ К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1 Цель дисциплины: Сформировать компетенции обучающегося в области оптимизационных задач: ознакомить с математическими свойствами моделей и методов оптимизации, которые могут использоваться при анализе и решении широкого спектра экономических задач

1.2 Задачи дисциплины:

Научить студентов:

- использовать методологию исследования операций;
- выполнять все этапы операционного исследования;
- классифицировать задачу оптимизации;
- выбирать метод решения задач оптимизации;
- проверять выполнение условий сходимости методов;
- использовать компьютерные технологии реализации методов исследования операций и методов оптимизации.

1.3 Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Предварительная подготовка предполагает создание основы для формирования компетенций, указанных в п. 2, при изучении дисциплин:

Математика

2 КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

УК-2: Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений

Знать: основные методологические подходы к решению математических задач, возникающих в ходе практической деятельности

Уметь: анализировать профессиональные задачи и процессы с применением методов математического моделирования оптимизации.

Владеть: навыками работы с математическими методами и моделями оптимизации в рамках своей профессиональной деятельности.

ОПК-1: Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

Знать: основные понятия и принципы математического моделирования, сущность методов непрерывной и дискретной оптимизации

Уметь: применять системный подход и математические методы при формализации решения прикладных задач

Владеть: навыками применения базового инструментария методов оптимизации для решения теоретических и практических задач

3 РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Наименование и содержание разделов, тем и учебных занятий	Семестр (курс для ЗАО)	Контактная работа		СР (часы)	Инновац. формы занятий	Форма текущего контроля
		Лек. (часы)	Пр. (часы)			
Раздел 1. Линейное программирование	4					ДЗ,З,К
Тема 1. Математические основы методов линейного программирования: векторные пространства, N-мерный вектор, линейная зависимость и независимость векторов. Системы уравнений с n неизвестными. Векторная форма. Базисное решение. Практические занятия: Операции с N-мерными векторами. Решение систем линейных уравнений, установление линейной зависимости векторов.		4	4	4		
Тема 2. Математические модели экономических задач. Постановка задачи линейного программирования (ЗЛП) экономического содержания и ее математическая формулировка. Основные понятия и определения. Формы записи ЗЛП. Практические занятия: Построение математических моделей ЗЛП: задачи о эффективном использовании ресурсов, эффективном использовании мощностей, задача о диете.		2	2	4	ИЛ	

Тема 3. Геометрическая интерпретация задачи линейного программирования. Графический метод решения ЗЛП. Свойства ЗЛП. Практические занятия: Графическое решение ЗЛП.		2	2	4		
Тема 4. Симплексный метод, его сущность и алгоритм. Симплексные таблицы. Индексные критерии. М-метод. Практические занятия: Приведение общей ЗЛП к решению симплекс-методом. Заполнение симплексной таблицы, решение ЗЛП с начальным базисом. Решение задач ЛП методом искусственного базиса.		4	4	4		
Раздел 2. Специальные задачи линейного программирования						
Тема 5. Теория двойственности в операционном анализе экономических систем. Экономическая интерпретация двойственных задач. Основные теоремы двойственности. Практические занятия: Построение математических моделей прямой и двойственной задачи. Решение графическим и симплекс-методом. Анализ решения.		4	4	4	ГД	3,К
Тема 6. Операционные модели транспортного типа. Экономическая и математическая формулировки. Методы решения. Практические занятия: Построение математической модели ТЗ. Способы нахождения начального решения, построение системы потенциалов, решение методом потенциалов.		4	4	4		
Раздел 3. Нелинейное программирование						
Тема 7. Основные понятия и модели нелинейного программирования. Экономическая и геометрическая интерпретация задач нелинейного программирования. Практические занятия: Графическое решение задач нелинейного программирования.		2	2	5	ИЛ	3,К
Тема 8. Метод множителей Лагранжа. Практические занятия: Решение задач НП методом Лагранжа.		2	2	3		
Тема 9. Выпуклые функции, их свойства. Постановка задачи и методы решения для моделей выпуклого программирования. Практические занятия: Решение задач выпуклого программирования.		2	2	4		
Раздел 4. Динамическое программирование						
Тема 10. Общая постановка задачи динамического программирования.		2		4		
Тема 11. Принцип оптимальности и уравнения Беллмана. Практические занятия: Задача распределения средств между предприятиями.		2	4	4	ГД	3,К

Тема 12. Решение задач оптимизации на основе метода динамического программирования. Практические занятия: Решение задач оптимизации на основе метода динамического программирования.		4	4	5		
Итого в семестре (на курсе для ЗАО)		34	34	49		
Консультации и промежуточная аттестация (Экзамен)		2,5	24,5			
Всего контактная работа и СР по дисциплине		70,5	73,5			

4 КУРСОВОЕ ПРОЕКТИРОВАНИЕ

Курсовое проектирование учебным планом не предусмотрено

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

5.1 Описание показателей, критериев и системы оценивания результатов обучения

5.1.1 Показатели оценивания

Код компетенции	Показатели оценивания результатов обучения	Наименование оценочного средства
УК-2	Формулирует и объясняет виды ресурсов и ограничений для решения профессиональных задач; основные методы оценки разных способов решения задач; действующее законодательство и правовые нормы. Проводит анализ поставленной цели и определяет круг задач, необходимых для ее достижения; анализирует альтернативные варианты достижения	Вопросы для устного собеседования. Практико-ориентированные задания.
	поставленной цели; использует нормативно правовую документацию. Использует методики определения круга задач в рамках поставленной цели и находит оптимальные способы их решения; применяет методы оценки потребности в ресурсах и влияния ограничений; верно работает с нормативно-правовой документацией.	
ОПК-1	Формулирует и объясняет основы математики, вычислительной техники и программирования. Решает стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования. Применяет приёмы теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности.	Вопросы для устного собеседования. Практико-ориентированные задания.

5.1.2 Система и критерии оценивания

Шкала оценивания	Критерии оценивания сформированности компетенций	
	Устное собеседование	Письменная работа
5 (отлично)	Полный, исчерпывающий ответ, явно демонстрирующий глубокое понимание предмета и широкую эрудицию в оцениваемой области. Критический, оригинальный подход к материалу. Учитываются баллы, накопленные в течение семестра.	
4 (хорошо)	Ответ полный, основанный на проработке всех обязательных источников информации. Подход к материалу ответственный, но стандартный. Учитываются баллы, накопленные в течение семестра.	
3 (удовлетворительно)	Ответ воспроизводит в основном только лекционные материалы, без самостоятельной работы с рекомендованной литературой. Демонстрирует понимание предмета в целом, без углубления в детали. Присутствуют существенные ошибки или пробелы в знаниях по некоторым темам. Учитываются баллы, накопленные в течение семестра.	

2 (неудовлетворительно)	<p>Неспособность ответить на вопрос без помощи экзаменатора. Незнание значительной части принципиально важных элементов дисциплины.</p> <p>Многочисленные грубые ошибки. Непонимание заданного вопроса. Неспособность сформулировать хотя бы отдельные концепции дисциплины.</p> <p>Попытка списывания, использования неразрешенных технических устройств или пользования подсказкой другого человека (вне зависимости от успешности такой попытки). Не учитываются баллы, накопленные в течение семестра.</p>	
-------------------------	--	--

5.2 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

5.2.1 Перечень контрольных вопросов

№ п/п	Формулировки вопросов
Семестр 4	
1	Понятие N-мерного вектора. Линейные операции с векторами. Скалярное произведение N-мерных векторов. Векторные пространства.
2	Линейная зависимость и независимость векторов.
3	Разложение вектора по системе векторов. Векторная форма системы линейных уравнений.
4	Выпуклое множество точек на плоскости, угловые точки, выпуклый многоугольник в n-мерном пространстве.
5	Формулировка задачи линейного программирования (ЗЛП). Основные определения: переменные задачи, целевая функция, система ограничений, допустимый и оптимальный планы.
6	Математические модели задачи использования ресурсов, задачи о смесях, задачи о загрузке оборудования.
7	Общая и каноническая формы представления ЗЛП. Приведение общей задачи к канонической. Векторная форма записи ЗЛП.
8	Геометрическая интерпретация ЗЛП, свойства ЗЛП.
9	Графический метод решения ЗЛП с двумя переменными. Правило отыскания оптимального плана.
10	Симплекс метод решения ЗЛП. Определение первоначального допустимого базисного (опорного) решения.
11	Симплексные таблицы. Алгоритм решения.
12	Критерии оптимальности решения при отыскании максимума и минимума линейной функции. Особые случаи.
13	M-метод (метод искусственного базиса).
14	Взаимно двойственные ЗЛП. Экономическая интерпретация задачи, двойственной к задаче об использовании ресурсов.
15	Основные теоремы двойственности. Решение двойственной задачи графическим методом.
16	Постановка транспортной задачи (ТЗ), экономическая модель, ее особенности.
17	Закрытая и открытая модель ТЗ. Приведение открытой задачи к закрытому типу. Построение первоначального плана перевозок
18	Метод потенциалов. Критерий оптимальности решения ТЗ.
19	Понятие цикла, построение цикла при решении ТЗ.
20	Понятие о задаче назначения персонала, транспортных задачах по критерию времени.
21	Экономическая и геометрическая интерпретация задач нелинейного программирования.
22	Метод множителей Лагранжа.
23	Модели выпуклого программирования. Методы решения.
24	Общая постановка задачи динамического программирования.
25	Особенности задач, решаемых методом динамического программирования.
26	Принцип оптимальности и уравнения Беллмана.
27	Сущность вычислительного метода динамического программирования.

5.2.2 Типовые тестовые задания

Не предусмотрено

5.2.3 Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы)

Типовые практико-ориентированные задания (задачи) находятся в Приложении к данной РПД

5.3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, владений (навыков и (или) практического опыта деятельности)

5.3.1 Условия допуска обучающегося к промежуточной аттестации и порядок ликвидации академической задолженности

Проведение промежуточной аттестации регламентировано локальным нормативным актом СПбГУПТД «Положение о проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся»

5.3.2 Форма проведения промежуточной аттестации по дисциплине

Устная	<input type="checkbox"/>	+	<input type="checkbox"/>	Письменная	<input type="checkbox"/>	Компьютерное тестирование	<input type="checkbox"/>	Иная	<input type="checkbox"/>
--------	--------------------------	---	--------------------------	------------	--------------------------	---------------------------	--------------------------	------	--------------------------

5.3.3 Особенности проведения промежуточной аттестации по дисциплине

- на подготовку отводится 45 — 60 минут
- на ответ по билету и дополнительные вопросы 10-15 минут
- использование вспомогательной литературы (справочников, конспектов и т.п.) не предусмотрено

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1 Учебная литература

Автор	Заглавие	Издательство	Год издания	Ссылка
6.1.1 Основная учебная литература				
Барабаш, С. Б.	Методы оптимальных решений	Москва: Ай Пи Ар Медиа	2021	https://www.iprbooks hop.ru/108236.html
Гулай, Т. А., Долгополова, А. Ф., Жукова, В. А.	Методы оптимальных решений	Ставрополь: Секвойя	2021	https://www.iprbooks hop.ru/121674.html
Гайлит Е. В.	Методы оптимальных решений. Нелинейное программирование	Санкт-Петербург: СПбГУПТД	2020	http://publish.sutd.ru/ tp_ext_inf_publish.php?id=2020178
6.1.2 Дополнительная учебная литература				
Гайлит, Е. В.	Методы оптимальных решений	Санкт-Петербург: Санкт-Петербургский государственный промышленных технологий и дизайна	2018	https://www.iprbooks hop.ru/102932.html
Васильчук, В. Ю.	Методы оптимальных решений	Санкт-Петербург: Санкт-Петербургский государственный архитектурно-строительный университет, ЭБС АСВ	2018	https://www.iprbooks hop.ru/86431.html
Потихонова В.В.	Исследование операций и методы оптимизации	Санкт-Петербург: СПбГУПТД	2022	http://publish.sutd.ru/ tp_ext_inf_publish.php?id=2022107

6.2 Перечень профессиональных баз данных и информационно-справочных систем

- Электронно-библиотечная система IPRbooks [Электронный ресурс]. URL: <http://www.iprbookshop.ru/>
- Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» [Электронный ресурс]. URL: <http://window.edu.ru>

6.3 Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения

MicrosoftOfficeProfessional

Microsoft Windows

6.4 Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Аудитория	Оснащение
Учебная аудитория	Учебная мебель, доска, стационарное мультимедийное оборудование: компьютеры с лицензионным программным обеспечением, мультимедиа проектор, экран.

Приложение

рабочей программы дисциплины **Исследование операций и методы оптимизации**
наименование дисциплины

по направлению подготовки 09.03.04 – Программная инженерия
наименование ОП (профиля): Программная инженерия

5.2.3 Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы)

№ п/п	Условия типовых практико-ориентированных заданий (задач, кейсов)																						
Семестр 4																							
1	<p>Доказать, что векторы A_1, A_2, A_3 образуют базис пространства \mathbf{R}^3 и разложить вектор B в этом базисе.</p> $A_1 = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix}; \quad A_2 = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}; \quad A_3 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}; \quad B = \begin{pmatrix} 10 \\ 12 \\ -1 \end{pmatrix}$																						
2	<p>Рацион питания животных на ферме состоит из двух видов кормов А и В. Один килограмм корма А стоит 80 условных денежных единиц (у.е.) и содержит 1 ед. жиров, 3 ед. белков 1 ед. углеводов, 2 ед. нитратов. Один килограмм корма В стоит 10 условных денежных единиц (у.е.) и содержит 3 ед. жиров, 8 ед. белков 1 ед. углеводов, 4 ед. нитратов. Составить наиболее дешевый рацион питания, обеспечивающий жиров не менее 6 ед., белков не менее 9 ед., углеводов не менее 8 ед. нитратов не более 16 ед. Составить математическую модель задачи.</p>																						
2	<p>Для изготовления двух видов изделий А и В используется три вида сырья S_1, S_2, S_3. Общее количество сырья, расход сырья на производство единицы каждого вида изделия, а также прибыль от реализации единицы изделий приведены в таблице. Составить математическую модель задачи, обеспечивающую максимальную прибыль от реализации изделий А и В.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th rowspan="2">Вид ресурса</th> <th colspan="2">Вид изделия</th> <th rowspan="2">Объем ресурсов (кг)</th> </tr> <tr> <th>А</th> <th>В</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Сырье S_1 (кг)</td> <td>5</td> <td>2</td> <td>90</td> </tr> <tr> <td>Сырье S_2 (кг)</td> <td>2</td> <td>7</td> <td>70</td> </tr> <tr> <td>Сырье S_3 (кг)</td> <td>3</td> <td>3</td> <td>60</td> </tr> <tr> <td>Прибыль, ден.ед.</td> <td>6</td> <td>10</td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p>Построить математическую модель задачи. Решить графическим и симплекс-методом.</p>	Вид ресурса	Вид изделия		Объем ресурсов (кг)	А	В	Сырье S_1 (кг)	5	2	90	Сырье S_2 (кг)	2	7	70	Сырье S_3 (кг)	3	3	60	Прибыль, ден.ед.	6	10	
Вид ресурса	Вид изделия		Объем ресурсов (кг)																				
	А	В																					
Сырье S_1 (кг)	5	2	90																				
Сырье S_2 (кг)	2	7	70																				
Сырье S_3 (кг)	3	3	60																				
Прибыль, ден.ед.	6	10																					
3	<p>Решить графическим методом следующие ЗЛП:</p> <p>1)</p> $\begin{cases} x_1 \geq 4 \\ 28x_1 - 2x_2 \leq 210 \\ +7x_1 + 4x_2 \geq 84 \\ -7x_1 + 2x_2 \leq 42 \\ z_1 = 14x_1 + 2x_2 \rightarrow \max \\ z_2 = 21x_1 - 4x_2 \rightarrow \min \end{cases} \quad 2) \quad \begin{cases} 7x_1 + 2x_2 \geq 56 \\ 14x_1 + 2x_2 \geq 70 \\ 7x_1 - 4x_2 \leq 14 \\ Z_1 = 7x_1 + 2x_2 \rightarrow \max \\ Z_2 = 7x_1 + 2x_2 \rightarrow \min \end{cases}$																						
5	<p>Найти решение следующей задачи М-методом</p> $Z(X) = x_1 + x_2 + 4x_3 \rightarrow \max$ $\begin{cases} x_1 + 4x_2 + x_3 \leq 20 \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 \leq 24 \\ x_j \geq 0 \quad (j = 1,2,3) \\ x_1 + x_2 \geq 6 \end{cases}$																						
6	<p>Прядильно-ниточное предприятие выпускает нитки с лавсаном (н/л) и нитки с капроном (н/к), для изготовления которых использует хлопок I сорта (хл.1), а также и хлопок II сорта (хл.2). На изготовление 1 тонны (н/л) требуется 85 кг (хл.1) и 10 кг (хл.2), на изготовление 1 т (н/к) требуется 6 кг (хл.1) и 69 кг (хл.2). Запасы хлопка на предприятии составляют соответственно: 285 кг - (хл.1) и 375 кг - (хл.2).</p>																						

	<p>Прибыль от реализации 1 т (н/л) составляет 1065 у. е., а от реализации 1 т (н/к) 963 у. е.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) Составить математическую модель этой задачи. 2) Составить двойственную к ней задачу, приняв за неизвестные условные цены на хлопок. 3) Решив обе задачи графическим методом, проверить выполнение основного принципа двойственности. 																									
7	<p>Решить транспортную задачу.</p> <p>Имеются три ткацкие фабрики, которые поставляют ткань на четыре швейные фабрики. Запасы поставщиков, запросы потребителей и стоимость перевозки одного рулона ткани от каждого поставщика к каждому потребителю приведены в таблице.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>Поставщики</th> <th>Запасы</th> <th>B1</th> <th>B2</th> <th>B3</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A1</td> <td>10</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>A2</td> <td>20</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>A3</td> <td>30</td> <td>5</td> <td>4</td> <td>8</td> </tr> <tr> <td>Запросы потребителей</td> <td>17</td> <td>8</td> <td>10</td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	Поставщики	Запасы	B1	B2	B3	A1	10	1	2	4	A2	20	2	3	1	A3	30	5	4	8	Запросы потребителей	17	8	10	
Поставщики	Запасы	B1	B2	B3																						
A1	10	1	2	4																						
A2	20	2	3	1																						
A3	30	5	4	8																						
Запросы потребителей	17	8	10																							
	<p>Найти условные экстремумы функции $z = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2$</p> <p>при условиях $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 4 \\ 2x_1 - 3x_2 = 12 \end{cases}$ методом множителей Лагранжа</p>																									
	<p>Решить задачу квадратичного программирования</p> $\begin{cases} x_1 + x_2 = 8 \\ x_2 + x_3 = 4 \\ x_j \geq 0, \forall j, \end{cases}$ <p>$z = x_1 - x_2^2 - 5x_3 - 2x_1 \cdot x_2 \rightarrow \max$</p>																									
	<p>Найти оптимальное распределение средств $X_0=100$ между четырьмя предприятиями при условии, что прибыль $f_i(x)$ ($i=1, 2, 3, 4$), полученная от каждого предприятия, является функцией от вложенных в него средств x. Вложения кратны $\Delta x=20$, а функции дохода $f_i(x)$ для каждого предприятия заданы таблицей:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th></th> <th>f_1</th> <th>f_2</th> <th>f_3</th> <th>f_4</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>20</td> <td>9</td> <td>11</td> <td>13</td> <td>16</td> </tr> <tr> <td>40</td> <td>18</td> <td>19</td> <td>32</td> <td>27</td> </tr> </tbody> </table>		f_1	f_2	f_3	f_4	20	9	11	13	16	40	18	19	32	27										
	f_1	f_2	f_3	f_4																						
20	9	11	13	16																						
40	18	19	32	27																						