

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Санкт-Петербургский государственный университет промышленных технологий и дизайна»  
(СПбГУПТД)

УТВЕРЖДАЮ  
Первый проректор, проректор по  
УР  
\_\_\_\_\_ А.Е. Рудин

## Рабочая программа дисциплины

**Б1.О.06** Математика

Учебный план: 2024-2025 38.03.01 ИЭСТ Экон предпр и орг ОЗО №1-3-106plx

Кафедра: **26** Математики

Направление подготовки:  
(специальность) 38.03.01 Экономика

Профиль подготовки:  
(специализация) Экономика предприятий и организаций

Уровень образования: бакалавриат

Форма обучения: очно-заочная

### План учебного процесса

| Семестр<br>(курс для ЗАО) |     | Контактная работа<br>обучающихся |                   | Сам.<br>работа | Контроль,<br>час. | Трудоё<br>мкость,<br>ЗЕТ | Форма<br>промежуточной<br>аттестации |
|---------------------------|-----|----------------------------------|-------------------|----------------|-------------------|--------------------------|--------------------------------------|
|                           |     | Лекции                           | Практ.<br>занятия |                |                   |                          |                                      |
| 1                         | УП  | 24                               | 24                | 299            | 13                | 10                       | Экзамен, Зачет                       |
|                           | РПД | 24                               | 24                | 299            | 13                | 10                       |                                      |
| Итого                     | УП  | 24                               | 24                | 299            | 13                | 10                       |                                      |
|                           | РПД | 24                               | 24                | 299            | 13                | 10                       |                                      |

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 38.03.01 Экономика, утверждённым приказом Минобрнауки России от 12.08.2020 г. № 954

Составитель (и):

кандидат физико-математических наук, Доцент

---

Вадим

Бочкарев

Борисович

Старший преподаватель

---

Светлана

Неробова

Фёдоровна

Старший преподаватель

---

Виктория

Потихонова

Всеволодовна

От кафедры составителя:

Заведующий кафедрой математики

---

Рожков Николай

Николаевич

От выпускающей кафедры:

Заведующий кафедрой

---

Никитина Людмила

Николаевна

Методический отдел:

---

# 1 ВВЕДЕНИЕ К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ДИСЦИПЛИНЫ

**1.1 Цель дисциплины:** Сформировать компетенции обучающегося в области использования основных математических закономерностей и применения математических моделей в профессиональной деятельности. Также способствовать формированию компетенций, для успешного овладения которыми необходимо умение логически мыслить и грамотно излагать свои мысли.

**1.2 Задачи дисциплины:**

- Ознакомить студентов с основами математических знаний, необходимых для решения теоретических и прикладных задач в различных областях деятельности;
- Воспитать абстрактное логическое мышление и умение строго излагать свои мысли;
- Привить студентам основные навыки использования учебной и справочной литературы по математике, а также по дисциплинам, в которых применяются математические методы;
- Подготовить студентов к практическому применению полученных знаний;

**1.3 Требования к предварительной подготовке обучающегося:**

Предварительная подготовка предполагает создание основы для формирования компетенций, указанных в п. 2, при изучении дисциплин:

Дисциплина базируется на компетенциях, сформированных на предыдущем уровне образования

## 2 КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

| ОПК-2: Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач;   |
|--|
| <b>Знать:</b> основы высшей математики, основные понятия и инструменты аналитической геометрии и линейной алгебры; основы дифференциального и интегрального исчисления; элементы теории вероятностей.                  |
| <b>Уметь:</b> применять математические методы для решения экономических и организационно-управленческих задач; работать с математической литературой, необходимой для решения конкретных задач управления и экономики. |
| <b>Владеть:</b> методами выбора, построения и анализа математических моделей процессов и явлений в сфере экономики и менеджмента, содержательной интерпретации полученных результатов.                                 |

## 3 РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

| Наименование и содержание разделов, тем и учебных занятий   | Семестр<br>(курс для ЗАО) | Контактная работа |               | СР<br>(часы) | Инновац.<br>формы<br>занятий | Форма<br>текущего<br>контроля |
|---|---------------------------|-------------------|---------------|--------------|------------------------------|-------------------------------|
|   |                           | Лек.<br>(часы)    | Пр.<br>(часы) |              |                              |                               |
| Раздел 1. Основы линейной алгебры   | 1                         |                   |               |              |                              | ДЗ                            |
| Тема 1. Матрицы и определители. Матрицы. Свойства матриц. Действия над матрицами. Определители. Свойства определителей. Практические занятия: Действия над матрицами. Способы подсчета определителей. (Решение задач)   |                           | 1                 | 1             | 12           |                              |                               |
| Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений. Системы трех линейных уравнений с тремя неизвестными, формулы Крамера, метод полного исключения. Практические занятия: Решение систем линейных алгебраических уравнений методом полного исключения, по формулам Крамера. (Решение задач) |                           | 1                 | 1             | 12           | ИЛ                           |                               |
| Раздел 2. Векторы   | 2                         |                   |               |              |                              | ДЗ                            |
| Тема 3. Векторы. Определение вектора. Равенство векторов. Коллинеарные и компланарные векторы. Линейные операции над векторами. Проекции вектора на оси координат. Запись вектора в форме проекций. Базис. Практические занятия: Линейные операции над векторами. (Решение задач)           |                           | 1                 | 1             | 12           |                              |                               |

|   |  |   |   |    |    |    |
|---|--|---|---|----|----|----|
| Тема 4. Произведения векторов.<br>Произведения векторов, заданных в форме проекций. Скалярное, смешанное и векторное произведения векторов. Определение, свойства. Практические занятия: Применения скалярного, смешанного и векторного произведений векторов для решений прикладных задач. (Решение задач) |  | 1 | 1 | 12 | ГД |    |
| Раздел 3. Аналитическая геометрия на плоскости  |  |   |   |    |    |    |
| Тема 5. Метод координат на плоскости. Системы координат на плоскости, основные задачи. Преобразования систем координат. Практические занятия: Переходы в системах координат. (Решение задач)  |  | 1 | 1 | 25 |    | дз |
| Тема 6. Прямая на плоскости. Основные уравнения прямой. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Практические занятия: Применение основных уравнений прямой для решения задач. (Решение задач)   |  | 1 | 1 | 25 |    |    |

|   |  |   |   |    |    |    |
|---|--|---|---|----|----|----|
| Тема 7. Кривые второго порядка. Окружность, эллипс, гипербола, парабола, их канонические уравнения, графики. Свойства. Общее уравнение кривой второго порядка. Практические занятия: Построение различных кривых второго порядка, нахождение их параметров. (Решение задач)   |  | 1 | 1 | 25 | ИЛ |    |
| Раздел 4. Аналитическая геометрия в пространстве  |  |   |   |    |    |    |
| Тема 8. Плоскость в пространстве. Координаты в пространстве. Уравнение плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору, уравнение плоскости, проходящей через три данные точки, общее уравнение. Практические занятия: Применение уравнений плоскости для решения задач. (Решение задач)                     |  | 1 | 1 | 12 |    | дз |
| Тема 9. Прямая в пространстве. Прямая в пространстве как линия пересечения плоскостей. Канонические и параметрические уравнения прямой. Уравнения прямой, проходящей через две заданные точки. Прямая и плоскость в пространстве. Практические занятия: Применение уравнений прямой в пространстве для решений задач. (Решение задач) |  | 1 | 1 | 12 | ГД |    |

|   |   |   |    |    |    |
|---|---|---|----|----|----|
| Раздел 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной  |   |   |    |    |    |
| Тема 10. Введение в математический анализ. Понятие последовательности. Основные понятия о функции. Введение в анализ функции одной переменной. Бесконечно малые и бесконечно большие величины. Предел функций. Правила вычисления пределов. Замечательные пределы. Непрерывность функций. Свойства непрерывных функций. Практические занятия: Вычисление пределов функций. Исследование функции на непрерывность, поиск точек разрыва. (Решение задач)  | 1 | 1 | 12 |    |    |
| Тема 11. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Определение производной и ее геометрический смысл. Правила дифференцирования. Таблица производных. Производная сложной функции. Производные высших порядков. Определение, правило вычисления. Определение дифференциала и его геометрический смысл. Инвариантность форм первого дифференциала. Дифференциалы высших порядков. Положение к приближенным вычислениям. Практические занятия: Вычисление производных функций. Применение дифференциала функции к приближенным вычислениям. (Решение задач) | 1 | 1 | 12 |    | ДЗ |
| Тема 12. Применение дифференциального исчисления. Основные теоремы дифференциального исчисления. Правило Лопитала и его применение к раскрытию неопределенностей. Исследование функции по первой и второй производной: монотонность функции, экстремумы функции (необходимые и достаточные условия). Условия выпуклости, вогнутости, точки перегиба и асимптоты плоской кривой. Практические занятия: Применение правил Лопитала для вычисления пределов функций. Полное исследование и построение графиков функций. (Решение задач)                                  | 1 | 1 | 12 | ИЛ |    |
| Раздел 6. Функции нескольких переменных   |   |   |    |    |    |
| Тема 13. Функции двух и нескольких переменных. Основные определения. Приращение функций. Частные производные, частные и полный дифференциал функции многих переменных. Практические занятия: Вычисление частных производных функций. Применение полного дифференциала функций многих переменных для решения задач. (Решение задач)  | 1 | 1 | 12 |    | ДЗ |

|   |  |   |   |    |    |    |
|---|--|---|---|----|----|----|
| Тема 14. Экстремумы функции двух и нескольких переменных. Основные понятия Необходимые и достаточные условия существования экстремума функции двух переменных. Практические занятия: Нахождение экстремумов функций многих переменных (Решение задач)   |  | 1 | 1 | 12 | ИЛ |    |
| Раздел 7. Неопределенный интеграл   |  |   |   |    |    |    |
| Тема 15. Неопределенный интеграл и его вычисление. Первообразная и неопределенный интеграл. Свойства первообразной. Свойства неопределенного интеграла, вытекающие из определения. Линейные свойства. Таблица интегралов. Практические занятия: Применение таблицы для вычисления простейших интегралов. (Решение задач)  |  | 1 | 1 | 12 |    |    |
| Тема 16. Основные классы интегрируемых функций. Основные методы интегрирования: методы замены переменной, метод интегрирования по частям, метод разложения на простейшие. Стандартные замены. Практические занятия: Применение методов замены переменной, интегрирования по частям и метода разложения на простейшие для вычисления неопределенных интегралов (Решение задач) |  | 1 | 1 | 12 | ИЛ | ДЗ |
| Раздел 8. Определенный интеграл   |  |   |   |    |    |    |

|   |     |   |   |    |    |    |
|---|-----|---|---|----|----|----|
| Тема 17. Определенный интеграл. Несобственные интегралы. Определение определенного интеграла, его свойства. Линейные свойства определенного интеграла. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона- Лейбница. Методы вычисления определенного интеграла. Несобственные интегралы. Практические занятия: Вычисление определенного интеграла. (Решение задач) |     | 1 | 1 | 12 |    |    |
| Тема 18. Приложения определенного интеграла. Приложения определенного интеграла к задачам геометрии: вычисление площадей плоских фигур, объемов тел переменного сечения. Объем тела вращения. Практические занятия: Применение определенного интеграла для решения практических задач. (решение задач)  |     | 1 | 1 | 12 | ГД |    |
| Раздел 9. Дифференциальные уравнения и ряды   |     |   |   |    |    |    |
| Тема 19. Числовые множества, основные виды. Множество комплексных чисел, действия с комплексными числами.   | 0,5 |   |   |    |    | ДЗ |

|  |  |   |   |    |  |
|--|--|---|---|----|--|
| Тема 20. Дифференциальные уравнения первого порядка. Определение дифференциального уравнения первого порядка. Определение решения. Начальные условия. Основные виды дифференциальных уравнений: уравнения с разделенными и разделяющимися переменными, линейные, однородные. Практические занятия: Решение дифференциальных уравнений первого порядка. (Решение задач)   |  | 1 | 1 | 12 |  |
| Тема 21. Дифференциальные уравнения второго порядка. Определение решения. Начальные условия. Теорема существования и единства решения. Случай, допускающие понижение порядка. Практические занятия: Решение дифференциальных уравнений второго порядка, допускающие понижение порядка. (Решение задач)   |  | 1 | 1 | 12 |  |
| Тема 22. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка. Линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка. Теоремы о свойствах решений. Теоремы об общем решении. Уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Методы решения линейных уравнений с постоянными коэффициентами. Практические занятия: Решение линейных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами (Решение задач) |  | 1 | 1 | 12 |  |

|  |  |      |       |        |    |
|--|--|------|-------|--------|----|
| Тема 23. Числовые ряды. Определение числового ряда. Необходимый признак сходимости. Правила действия с рядами. Ряды с положительными членами. Признаки сходимости. Знакопеременные ряды. Теорема Лейбница для знакочередующихся рядов. Практические занятия: Исследование на сходимость знакоположительных числовых рядов. Применение теоремы Лейбница для исследования знакочередующихся рядов на сходимость. (Решение задач) |  | 1,5  | 1     | 4      |    |
| Тема 24. Функциональные ряды. Степенные ряды. Определение степенного ряда. Область сходимости степенного ряда. Теорема Абеля. Радиус и интервал сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Практические занятия: Нахождение радиуса и интервала сходимости степенного ряда. Разложение функции в ряд Тейлора и Маклорена. (Решение задач)   |  | 1    | 2     | 4      | ГД |
| Итого в семестре (на курсе для ЗАО)  |  | 24   | 24    | 299    |    |
| Консультации и промежуточная аттестация (Экзамен, Зачет)   |  | 2,75 | 10,25 |        |    |
| <b>Всего контактная работа и СР по дисциплине</b>  |  |      | 50,75 | 309,25 |    |

#### 4 КУРСОВОЕ ПРОЕКТИРОВАНИЕ

Курсовое проектирование учебным планом не предусмотрено

## 5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

### 5.1 Описание показателей, критериев и системы оценивания результатов обучения

#### 5.1.1 Показатели оценивания

| Код компетенции | Показатели оценивания результатов обучения   | Наименование оценочного средства   |
|-----------------|--|--|
| ОПК-2           | <p>Формулирует математические методы и процедуры осуществления сбора, обработки и анализа данных, необходимых для решения поставленных экономических задач</p> <p>Проводит сбор, обработку и анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач, применяя математические методы.</p> <p>Проводит исследования (сбора, обработки и анализа данных), необходимые для решения поставленных экономических задач, опираясь на построенные математические модели процессов и явлений.</p> | <p>Вопросы для устного собеседования</p> <p>Вопросы для тестирования</p> <p>Практико-ориентированные задания</p> |

#### 5.1.2 Система и критерии оценивания

| Шкала оценивания | Критерии оценивания сформированности компетенций  |                   |
|------------------|---|-------------------|
|                  | Устное собеседование  | Письменная работа |
| 5 (отлично)      | Полный, исчерпывающий ответ, явно демонстрирующий глубокое понимание предмета и широкую эрудицию в оцениваемой области. Критический, оригинальный подход к материалу. |                   |
| 4 (хорошо)       | Ответ полный, основанный на проработке всех обязательных источников информации. Подход к материалу ответственный, но  |                   |

|                         |   |  |
|-------------------------|---|--|
|                         | стандартный.  |  |
| 3 (удовлетворительно)   | Ответ воспроизводит в основном только лекционные материалы, без самостоятельной работы с рекомендованной литературой. Демонстрирует понимание предмета в целом, без углубления в детали. Присутствуют существенные ошибки или пробелы в знаниях по некоторым темам. |  |
| 2 (неудовлетворительно) | Неспособность ответить на вопрос без помощи экзаменатора. Незнание значительной части принципиально важных элементов дисциплины. Многочисленные грубые ошибки.  |  |
| Зачтено                 | Демонстрирует понимание предмета в целом, без углубления в детали.  |  |
| Не зачтено              | Неспособность ответить на вопрос без помощи экзаменатора. Незнание значительной части принципиально важных элементов дисциплины. Многочисленные грубые ошибки.  |  |

## **5.2 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности**

### **5.2.1 Перечень контрольных вопросов**

| № п/п  | Формулировки вопросов  |
|--------|--|
| Курс 1 |  |
| 1      | Применения понятия производной для исследования свойств функции:<br><input type="checkbox"/> возрастание и убывание функции<br><input type="checkbox"/> точки экстремума<br><input type="checkbox"/> выпуклость ее графика<br><input type="checkbox"/> точки перегиба графика<br><input type="checkbox"/> асимптоты (вертикальные и наклонные) |
| 2      | Правила Лопитала раскрытия неопределенностей   |
| 3      | Теоремы Ролля и Лагранжа, их геометрический смысл  |
| 4      | Производные и дифференциалы высших порядков  |
| 5      | Предел функции. Теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей. Замечательные пределы.  |
| 6      | Производная, ее определение, геометрический и механический смыслы, правила вычисления  |
| 7      | Кривые второго порядка (эллипс, окружность, гипербола, парабола), их канонические уравнения, свойства, чертеж.   |
| 8      | Угол между прямой и плоскостью, условия их параллельности и перпендикулярности   |
| 9      | Прямая в пространстве. Уравнения прямой в пространстве.  |
| 10     | Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей   |
| 11     | Плоскость в пространстве. Различные виды уравнения плоскости.  |
| 12     | Прямая на плоскости. Виды уравнений прямой.  |
| 13     | Векторы в геометрической и координатной формах. Определение. Свойства. Действия над векторами. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Их геометрическое приложения.   |
| 14     | Системы линейных уравнений. Совместные и несовместные системы. Теорема Кронекера — Капелли. Формулы Крамера.   |
| 15     | Матрицы и определители. Определения. Свойства. Действия над матрицами. Раскрытие определителей второго и третьего порядков.  |
| 16     | Ряды Тейлора и Маклорена   |
| 17     | Функциональные ряды. Степенные ряды. Область сходимости. Теорема Абеля. Радиус и интервал сходимости.  |
| 18     | Признаки сходимости знакоположительных и знакопеременных рядов, абсолютная сходимость.   |
| 19     | Числовые ряды. Определение. Свойства. Необходимый признак сходимости.  |
| 20     | Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами   |
| 21     | Дифференциальные уравнения первого порядка, их основные виды (с разделяющимися и разделенными переменными, линейные, однородные). Общее решение и задача Коши.   |
| 22     | Комплексные числа. Определение. Действия над комплексными числами. Формула Муавра. Формы записи комплексного числа.  |
| 23     | Приложения определенного интеграла. Вычисление площадей плоских фигур  |
| 24     | Несобственные интегралы первого и второго родов. Определение. Сходимость.  |
| 25     | Определенный интеграл. Методы вычисления.  |
| 26     | Определенный интеграл (определение, свойства, теорема о среднем). Формула Ньютона — Лейбница.  |
| 27     | Неопределенный интеграл (определение, свойства, методы вычисления)   |
| 28     | Экстремум функции двух переменных (необходимое и достаточное условия существования экстремума)   |
| 29     | Функции двух переменных (определение, предел, непрерывность)   |

### **5.2.2 Типовые тестовые задания**

Типовые тестовые задания находятся в Приложении к данному РПД

### **5.2.3 Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы)**

Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы) находятся в Приложении к данному РПД

## **5.3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, владений (навыков и (или) практического опыта деятельности)**

### **5.3.1 Условия допуска обучающегося к промежуточной аттестации и порядок ликвидации академической задолженности**

Проведение промежуточной аттестации регламентировано локальным нормативным актом СПбГУПТД «Положение о проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся»

### 5.3.2 Форма проведения промежуточной аттестации по дисциплине

Устная  +

Письменная

Компьютерное тестирование

Иная

### 5.3.3 Особенности проведения промежуточной аттестации по дисциплине

- на подготовку отводится 45 — 60 минут
- на ответ по билету и дополнительные вопросы 30 — 35 минут
- использование вспомогательной литературы (справочников, конспектов и тп.) не предусмотрено

## 6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 6.1 Учебная литература

| Автор  | Заглавие  | Издательство  | Год издания | Ссылка   |
|--|---|---|-------------|--|
| <b>6.1.1 Основная учебная литература</b>   |   |   |             |  |
| Головин, М. В.,<br>Федосеев, А. И.   | Практикум по высшей<br>математике в примерах и<br>задачах. Аналитическая<br>геометрия   | Москва: Московский<br>гуманитарный<br>университет   | 2016        | <a href="https://www.iprbooksop.ru/50677.html">https://www.iprbooksop.ru/50677.html</a>  |
| Власов В. В.,<br>Митрохин С. И.,<br>Прошкина А. В.,<br>Родионов Т. В.,<br>Трушина О. В.    | Задачи и упражнения по<br>математическому анализу и<br>дифференциальным<br>уравнениям   | Москва, Саратов:<br>Интернет-Университет<br>Информационных<br>Технологий (ИНТУИТ),<br>Вузовское образование | 2017        | <a href="http://www.iprbookshop.ru/67393.html">http://www.iprbookshop.ru/67393.html</a>  |
| Черненко В. Д.   | Высшая математика в<br>примерах и задачах. Том 1  | Санкт-Петербург:<br>Политехника   | 2016        | <a href="http://www.iprbookshop.ru/59550.html">http://www.iprbookshop.ru/59550.html</a>  |
| Кремер, Н. Ш.,<br>Путко, Б. А., Тришин,<br>И. М., Фридман, М.<br>Н., Кремер, Н. Ш.         | Высшая математика для<br>экономистов  | Москва: ЮНИТИ-ДАНА  | 2015        | <a href="http://www.iprbookshop.ru/52071.html">http://www.iprbookshop.ru/52071.html</a>  |
| <b>6.1.2 Дополнительная учебная литература</b>   |   |   |             |  |
| Осипова Э.Н.,<br>Король Л.И.   | Математика. Контрольные<br>работы 3   | СПб.: СПбГУПТД  | 2018        | <a href="http://publish.sutd.ru/tp_ext_inf_publish.php?id=2018294">http://publish.sutd.ru/<br/>tp_ext_inf_publish.php?id=2018294</a> |
| Осипова Э.Н.,<br>Король Л.И.   | Математика. Контрольные<br>работы 4   | СПб.: СПбГУПТД  | 2018        | <a href="http://publish.sutd.ru/tp_ext_inf_publish.php?id=2018293">http://publish.sutd.ru/<br/>tp_ext_inf_publish.php?id=2018293</a> |
| Осипова Э. Н.,<br>Король Л. И.   | Математика. Контрольные<br>работы 2   | СПб.: СПбГУПТД  | 2018        | <a href="http://publish.sutd.ru/tp_ext_inf_publish.php?id=2018295">http://publish.sutd.ru/<br/>tp_ext_inf_publish.php?id=2018295</a> |
| Рябушко, А. П.,<br>Бархатов, В. В.,<br>Державец, В. В.,<br>Юруть, И. Е.,<br>Рябушко, А. П. | Индивидуальные задания<br>по высшей математике.<br>Часть 2. Комплексные<br>числа. Неопределенные и<br>определенные интегралы.<br>Функции нескольких<br>переменных.<br>Обыкновенные<br>дифференциальные<br>уравнения | Минск: Вышэйшая<br>школа  | 2014        | <a href="http://www.iprbookshop.ru/35481.html">http://www.iprbookshop.ru/35481.html</a>  |
| Осипова Э.Н., Король<br>Л.И.   | Математика. Контрольная<br>работа 1   | СПб.: СПбГУПТД  | 2018        | <a href="http://publish.sutd.ru/tp_ext_inf_publish.php?id=2018296">http://publish.sutd.ru/<br/>tp_ext_inf_publish.php?id=2018296</a> |
| Денисова А. А.,<br>Король Л. И.  | Математика. Контрольные<br>задания № 1, 2   | СПб.: СПбГУПТД  | 2015        | <a href="http://publish.sutd.ru/tp_ext_inf_publish.php?id=2301">http://publish.sutd.ru/<br/>tp_ext_inf_publish.php?id=2301</a>       |

### 6.2 Перечень профессиональных баз данных и информационно-справочных систем

- Тренажер по высшей математике [Электронный ресурс]. URL: <http://e-math.ru>
- Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» [Электронный ресурс]. URL: <http://window.edu.ru>

### 6.3 Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения

MicrosoftOfficeProfessional

Microsoft Windows

**6.4 Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

| Аудитория            | Оснащение   |
|----------------------|---|
| Лекционная аудитория | Мультимедийное оборудование, специализированная мебель, доска |
| Учебная аудитория    | Специализированная мебель, доска                              |

**Приложение**рабочей программы дисциплины Математика

наименование дисциплины

по направлению подготовки 38.03.01 Экономиканаименование ОП (профиля): все профили**5.2.2 Типовые тестовые задания**

| № п/п | Формулировки тестовых заданий  |
|-------|--|
| 1     | <p><b>Тема 1. Матрицы и определители. Действия над матрицами.</b></p> <p>При каком значении <math>\lambda</math> определитель <math>\begin{vmatrix} 6 &amp; -3 &amp; 0 \\ 2 &amp; \lambda - 2 &amp; 0 \\ 0 &amp; 0 &amp; 1 \end{vmatrix} = 0</math></p> <p>1) 2;      2) 1;      3) 0,5;      4) 0</p>   |
| 2     | <p><b>Тема 1. Матрицы и определители. Действия с матрицами.</b></p> <p>Если <math>A = \begin{pmatrix} -1 &amp; 2 \\ 0 &amp; -5 \end{pmatrix}</math> и <math>B = \begin{pmatrix} 1 &amp; -1 \\ 3 &amp; 2 \end{pmatrix}</math>, то матрица <math>C = A - 2B</math> имеет вид:</p> <p>1) <math>\begin{pmatrix} -3 &amp; 4 \\ -6 &amp; -9 \end{pmatrix}</math>;      2) <math>\begin{pmatrix} 3 &amp; -4 \\ -6 &amp; -9 \end{pmatrix}</math>;      3) <math>\begin{pmatrix} -3 &amp; 4 \\ 6 &amp; -9 \end{pmatrix}</math>;      4) <math>\begin{pmatrix} -3 &amp; 4 \\ -6 &amp; 9 \end{pmatrix}</math></p> |
| 3     | <p><b>Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений.</b></p> <p>Если <math>(x_0; y_0)</math> - решение системы линейных уравнений <math>\begin{array}{l l} 1 &amp; 2 \\ 3 &amp; 2 \end{array}   \begin{array}{l} -3 \\ 5 \end{array}</math>, то <math>x_0 - y_0</math> равно</p> <p>1) -7,5;      2) 0,5;      3) -0,5;      4) 7,5</p>  |
| 4     | <p><b>Тема 3. Векторы. Линейные операции над векторами.</b></p> <p>Длина вектора <math>\vec{a} = 6\vec{i} - 2\vec{j}</math> равна:</p> <p>1) <math>2\sqrt{10}</math>;      2) <math>2\sqrt{5}</math>;      3) 8;      4) <math>2\sqrt{2}</math></p>  |
| 5     | <p><b>Тема 4. Векторы. Произведения векторов. Применение произведения векторов для решения прикладных задач</b></p> <p>Даны векторы <math>\vec{a} = (-1, 2 - 4)</math> и <math>\vec{b} = (2, -3, 0)</math>, тогда их скалярное произведение равно:</p> <p>1) 5;      2) -6;      3) -8;      4) 8</p>  |
| 6     | <p><b>Тема 4. Векторы. Произведения векторов. Применение произведения векторов для решения прикладных задач</b></p> <p>При каком значении <math>m</math> векторы <math>\vec{a} = (4; m; -8)</math> и <math>\vec{b} = (-2; -4; 1)</math> перпендикулярны?</p> <p>1) 4;      2) -4;      3) 0,4;      4) 0</p>   |
| 7     | <p><b>Тема 5. Аналитическая геометрия на плоскости. Метод координат</b></p> <p>Даны две точки плоскости <math>A (8; -6)</math> и <math>B (-2; 4)</math>, тогда середина отрезка <math>AB</math> имеет координаты:</p> <p>1) (3;-1);      2) (5;-5);      3) (3;1);      4) (3;-5)</p>  |
| 8     | <p><b>Тема 6. Аналитическая геометрия на плоскости. Прямая на плоскости</b></p> <p>Дано уравнение прямой на плоскости: <math>3x - 2y - 1 = 0</math>, тогда угловой коэффициент этой прямой равен:</p>  |

|    |  |  |  |
|----|--|--|--|
|    | 1) 2/3;<br>2) 3/2;<br>3) -3/2;<br>4) -2/3  |  |  |
| 9  | <b>Тема 6. Аналитическая геометрия на плоскости. Прямая на плоскости</b><br><br>Уравнением прямой, перпендикулярной прямой $y = \frac{1}{2}x - 5$ , является<br>1) $y = \frac{1}{2}x + 5$ ; 2) $y = -2x + 5$ ; 3) $y = -\frac{1}{2}x - 3$ ; 4) $y = 2x - 3$  |  |  |
| 10 | <b>Тема 7. Аналитическая геометрия на плоскости. Прямая на плоскости</b><br><br><b>Кривые второго порядка.</b><br><br>Дано уравнение гиперболы $\frac{(x+2)^2}{1} - \frac{(y-5)^2}{8} = 1$ .<br><br>Тогда расстояние между ее фокусами равно:<br><br>1) 6;                    2) 9;                    3) 3;                    4) $2\sqrt{5}$         |  |  |
| 11 | <b>Тема 8. Аналитическая геометрия в пространстве. Плоскость в пространстве</b><br><br>Нормальный вектор плоскости $x - 2y + 5z - 15 = 0$ имеет координаты:<br><br>1) (1;2; 15);    2) (1;-2; 5);    3) (-1;2;3);    4) (1;2;-15)  |  |  |
| 12 | <b>Тема 9. Аналитическая геометрия в пространстве. Прямая в пространстве</b><br><br>Направляющий вектор прямой $\frac{x}{1} = \frac{y+5}{-3} = \frac{z-5}{2}$ имеет координаты:<br><br>1) (1;5;-5);    2) (0;5;-5);    3) (1;-3;2);    4) (2;3;5)  |  |  |
| 13 | <b>Тема 10. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Введение в математический анализ</b><br><br>Найти область определения функции $y = \frac{\ln(1+x)}{x-1}$ :<br><br>1) $(1; \infty)$ ;    2) $(-\infty; 1) \cup (1; \infty)$ ;    3) $[-1; 1] \cup (1; \infty)$ ;    4) $(-1; 1) \cup (1; \infty)$                                     |  |  |
| 14 | <b>Тема 10. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Введение в математический анализ</b><br><br>$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 7x}{\sin 10x}$ равен:<br><br>1) 0,7;    2) -0,7;    3) 0;    4) 1   |  |  |
| 15 | <b>Тема 10. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Введение в математический анализ</b><br><br>Обозначив 0 – бесконечно малую величину, $\infty$ - бесконечно большую величину, С – конечную ненулевую величину, определить, чему равно соотношение: $\frac{\infty+C}{0}$<br><br>1) 0;    2) $\infty$ ;    3) C;    4) неопределенность |  |  |
| 16 | <b>Тема 11. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Производная функции.</b><br><br>Производная функции $y = e^{x^2+3}$ имеет вид:<br>1) $xe^{x^2+3}$ 2) $2xe^{x^2+3}$ 3) $-2xe^{x^2+3}$ 4) $(x^2 + 3)e^{x^2+3}$   |  |  |
| 17 | <b>Тема 11. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Производная функции.</b><br><br>Производная функции $y = \ln(1 - x^2)$ в точке $x=2$ равна:<br><br>1) $\frac{3}{4}$ ;    2) $-3/4$ ;    3) $4/3$ ;    4) $-4/3$  |  |  |

|    |   |
|----|---|
| 18 | <p><b>Тема 11. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Производные и дифференциалы высших порядков.</b></p> <p><math>y''_{xx}</math> от функции <math>y = \frac{1}{x^2}</math> равна:</p> <p>1) <math>6/x^4</math>;      2) <math>-6/x^4</math>;      3) <math>6x^4</math>;      4) <math>-6x^4</math></p>  |
| 19 | <p><b>Тема 12. Применение дифференциального исчисления</b></p>  <p>Функция <math>y = f(x)</math> определена на промежутке <math>(-5; 4)</math>. На рис. изображен график функции <math>y = f'(x)</math>.</p> <p>Тогда точка минимума на промежутке <math>(-5; 4)</math></p> <p>1) <math>x=1</math>;      2) <math>x=-3</math>;      3) <math>x=2</math>;      4) <math>x=-5</math></p> |
| 20 | <p><b>Тема 13. Функции двух и нескольких переменных.</b></p> <p>Область определения функции <math>Z = \frac{1}{\sqrt{9-x^2-y^2}}</math></p> <p>1) <math>x^2 - y^2 \geq 9</math>; 2) <math>x^2 + y^2 &lt; 9</math>; 3) <math>x^2 + y^2 \geq 9</math>; 4) <math>x^2 - y^2 &gt; 9</math></p>   |
| 21 | <p><b>Тема 13. Функции двух и нескольких переменных.</b></p> <p>Найти <math>\text{grad}(z)</math> функции <math>z = \arctg(x+y)</math> в точке <math>(0; 0)</math>:</p> <p>1) 2;      2) -2;      3) 0;      4) 1</p>   |
| 22 | <p><b>Тема 14. Экстремумы функции двух и нескольких переменных.</b></p> <p>Найти критическую точку функции <math>z = 2xy + x^2 + y^2</math>.</p> <p>1) <math>(0;0)</math>;      2) <math>(1;1)</math>;      3) <math>(-1;-1)</math>      4) <math>(2;2)</math></p>  |
| 23 | <p><b>Тема 15. Неопределенный интеграл и его вычисление.</b></p> <p>Множество первообразных функции <math>f(x) = \frac{x+8}{x+1}</math> имеет вид:</p> <p>1) <math>x + \ln x+1  + C</math>;      2) <math>x - 7 \ln x+1  + C</math>;</p> <p>3) <math>x + 7 \ln x+1  + C</math>;      4) <math>\frac{x^2}{2} + 8x + C</math>.</p>  |
| 24 | <p><b>Тема 15. Неопределенный интеграл и его вычисление.</b></p> <p>Множество первообразных функции <math>f(x) = \sqrt[3]{x}</math> имеет вид:</p> <p>1) <math>\sqrt[3]{x^4} + C</math>,      2) <math>\frac{3}{4} \sqrt[3]{x^4} + C</math>,      3) <math>\frac{4}{3} \sqrt[3]{x^4} + C</math>,      4) <math>-\frac{3}{2} \sqrt[3]{x^2} + C</math>.</p>   |
| 25 | <p><b>Тема 15. Неопределенный интеграл и его вычисление.</b></p> <p>Каков геометрический смысл определенного интеграла от функции <math>y = f(x)</math> в интервале <math>[a,b]</math> в декартовой системе координат?</p> <p>1). Длина линии <math>y = f(x)</math> в интервале <math>[a,b]</math>;</p>   |

|    |  |
|----|--|
|    | <p>2). Площадь фигуры, ограниченной линией <math>y = f(x)</math> в интервале <math>[a,b]</math>;</p> <p>3). Среднее значение функции <math>y = f(x)</math> в интервале <math>[a,b]</math>;</p> <p>4). Произведение среднего значения функции в интервале <math>[a,b]</math> на длину интервала.</p>  |
| 26 | <p><b>Тема 16. Основные классы интегрируемых функций.</b></p> <p>Множество первообразных функции <math>f(x) = \sin^2 3x</math></p> <p>1) <math>\frac{x}{2} - \frac{1}{3} \sin 3x + C</math>; 2) <math>\frac{x}{2} - \frac{1}{6} \sin 3x + C</math>; 3) <math>\frac{x}{2} + \frac{1}{6} \sin 3x + C</math>; 4) <math>\sin^3 3x + C</math></p> |
| 27 | <p><b>Тема 16. Основные классы интегрируемых функций.</b></p> <p>Какой интеграл не выражается в элементарных функциях?</p> <p>1). <math>\int \frac{x}{\sqrt{x+1}} dx</math>; 2) <math>\int x e^{-x^2} dx</math>; 3) <math>\int e^{-x^2} dx</math>; 4) <math>\int \cos^4 2x dx</math></p>   |
| 28 | <p><b>Тема 17. Определенный интеграл. Несобственные интегралы.</b></p> <p>Какой из приведенных ниже интегралов является несобственным, если функция <math>f(x)</math> - непрерывна?</p> <p>1). <math>\int_0^a f(x) dx</math> 2) <math>\int_{-a}^a f(x) dx</math> 3). <math>\int f(x) dx</math> 4). <math>\int_a^\infty f(x) dx</math></p>    |
| 29 | <p><b>Тема 17. Определенный интеграл. Несобственные интегралы.</b></p> <p>Чему равен интеграл <math>\int_1^\infty \frac{\ln x}{x} dx</math>?</p> <p>1) 1/8; 2) интеграл расходится; 3) 0; 4) 2</p>   |
| 30 | <p><b>Тема 18. Приложения определенного интеграла.</b></p> <p>Чему равна площадь фигуры на рисунке?</p> <p>1). <math>\int_A^B f(x) dx</math> 2). <math>\int_C^D (f(x) - \varphi(x)) dx</math> 3). <math>\int_A^B f(x) dx - \int_A^B \varphi(x) dx</math> 4). <math>\int_A^B f(x) dx - \int_B^A \varphi(x) dx</math></p>                      |
| 31 | <p><b>Тема 19. Числовые множества. Множество комплексных чисел</b></p> <p>Модуль комплексного числа <math>z = 2 - 3i</math> равен:</p> <p>1) <math>\sqrt{5}</math>; 2) 13; 3) 5; 4) <math>\sqrt{13}</math>.</p>  |
| 32 | <p><b>Тема 19. Числовые множества. Множество комплексных чисел</b></p> <p>Если <math>z_1 = 1 - i</math>; <math>z_2 = 4 + i</math>, то <math>z_1 \cdot z_2</math> равно:</p> <p>1) <math>5 + 3i</math>; 2) <math>5 - 3i</math>; 3) <math>3 - i</math>; 4) <math>3i</math></p>   |
| 33 | <p><b>Тема 20. Дифференциальные уравнения первого порядка.</b></p> <p>Какое из уравнений не является дифференциальным уравнением с разделяющимися переменными?</p>   |

|    |  |
|----|--|
|    | <p>1) <math>\sqrt{y^2 + 1}dx = xydy</math>;      2) <math>\frac{dy}{dx} = f(x) \cdot g(y)</math>;</p> <p>3) <math>y' + p(x) \cdot y = g(x)</math>;      4) <math>\frac{dy}{y} = ctg x dx</math></p>  |
| 34 | <p><b>Тема 20. Дифференциальные уравнения первого порядка.</b></p> <p>Общий интеграл дифференциального уравнения <math>\frac{dy}{y^2} = xdx</math> имеет вид:</p> <p>1) <math>-\frac{1}{y} = \frac{x^2}{2} + C</math>; 2) <math>\frac{1}{y} = \frac{x^2}{2} + C</math>; 3) <math>y = \frac{x^2}{2} + C</math>; 4) <math>-\frac{1}{y} = x^2 + C</math></p>  |
| 35 | <p><b>Тема 21. Дифференциальные уравнения второго порядка.</b></p> <p>Дифференциальным уравнением второго порядка является:</p> <p>1) <math>y \frac{dy}{dx} - y^2 \operatorname{tg} x = x</math>; 2) <math>4y'' - 3y' = 5e^x</math>;      3) <math>4y'' - 3y''' + 2y = 5e^x</math>;      4) <math>x^2 y^2 - 2xy + 1 = 0</math></p>   |
| 36 | <p><b>Тема 22. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка.</b></p> <p>Дано дифференциальное уравнение <math>y'' - y' - 6y = 0</math>, тогда характеристическое уравнение будет иметь вид:</p> <p>1) <math>6k^2 - k - 1 = 0</math>;      2) <math>k^2 + k + 6 = 0</math>;      3) <math>k^2 + k - 6 = 0</math>;      4) <math>k^2 - k - 6 = 0</math></p>   |
| 37 | <p><b>Тема 23. Числовые ряды.</b></p> <p>Какой из данных рядов является сходящимся:</p> <p>1) <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}</math>;      2) <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^3}</math>;      3) <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[3]{n}}</math>;      4) <math>\sum_{n=1}^{\infty} 3^n</math></p>   |
| 38 | <p><b>Тема 23. Числовые ряды.</b></p> <p>Для какого из следующих рядов верно утверждение: если <math>\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 0</math> ряд достоверно сходится:</p> <p>1) <math>\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{n}</math>; 2) <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}</math>; 3) <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[3]{n^2}}</math>; 4) <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{n!}</math></p> |

**Приложение**

рабочей программы дисциплины Математика  
наименование дисциплины

по направлению подготовки 38.03.01 Экономика  
наименование ОП (профиля): все профили

**5.2.3 Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы)**

| № п/п | Условия типовых практико-ориентированных заданий (задач, кейсов)  |
|-------|---|
| 1     | <p><b>Тема 1. Матрицы и определители.</b></p> <p>Даны две матрицы <math>A = \begin{pmatrix} 1 &amp; 2 \\ 3 &amp; 1 \end{pmatrix}</math> и <math>B = \begin{pmatrix} -1 &amp; 3 \\ 1 &amp; 1 \end{pmatrix}</math>.</p> <p>Требуется найти <math>C = A \cdot B - 2A</math>.</p>   |
| 2     | <p><b>Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений.</b></p> <p>Система трёх линейных уравнений с тремя неизвестными <math>x_1, x_2, x_3</math> задана расширенной матрицей</p> $\left( \begin{array}{ccc c} 1 & 2 & 1 & 4 \\ 3 & -5 & 3 & 1 \\ 2 & 7 & -1 & 8 \end{array} \right).$ <p>Требуется:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) записать систему в канонической форме (в виде системы уравнений),</li> <li>2) найти решение этой системы методом полного исключения,</li> <li>3) решить эту же систему по формулам Крамера.</li> </ol>   |
| 3     | <p><b>Тема 4. Векторы.</b></p> <p>Даны вершины пирамиды <math>A(6, 7, 13); B(2, 4, 6); C(4, 7, 12); Q(6, 16, 24)</math>, причём точки <math>A, B, C</math> - вершины её основания.</p> <p>Средствами векторной алгебры найти:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) векторы с началом в точке <math>B</math> и концом в остальных вершинах пирамиды;</li> <li>2) длину и направляющие косинусы вектора <math>\overline{BC}</math>;</li> </ol>   |
| 4     | <p><b>Тема 4. Векторы. Произведения векторов</b></p> <p>Даны вершины пирамиды <math>A(6, 7, 13); B(2, 4, 6); C(4, 7, 12); Q(6, 16, 24)</math>, причём точки <math>A, B, C</math> - вершины её основания.</p> <p>Средствами векторной алгебры найти:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) скалярное произведение векторов <math>\overline{BC}</math> и <math>\overline{BQ}</math>;</li> <li>2) угол <math>\varphi</math> между рёбрами <math>\overline{BC}</math> и <math>\overline{BQ}</math>;</li> <li>3) векторное произведение векторов <math>\overline{BC}</math> и <math>\overline{BA}</math>;</li> <li>4) площадь основания пирамиды;</li> <li>5) объём пирамиды.</li> </ol> |
| 5     | <p><b>Тема 5. Метод координат на плоскости</b></p> <p>Треугольник <math>ABC</math> задан своими вершинами: <math>A(5,7); B(8,4)C(3, -3)</math>.</p> <p>Найти длину высоты <math>h</math>, проведённой из вершины <math>C</math>.</p>  |

|    |  |
|----|--|
| 6  | <p><b>Тема 6. Прямая на плоскости.</b></p> <p>Треугольник <math>ABC</math> задан своими вершинами: <math>A(5,7); B(8,4)C(3,-3)</math>.</p> <p>Найти: 1) уравнение стороны <math>BC</math> (в отрезках на осях),<br/>     2) уравнение стороны <math>BA</math> (в общем виде),<br/>     3) угол <math>\varphi</math> между сторонами <math>BC</math> и <math>BA</math>,<br/>     4) уравнение медианы <math>BM</math> (с угловым коэффициентом),<br/>     5) уравнение высоты <math>AK</math> (с угловым коэффициентом),<br/>     6) уравнение прямой <math>L</math>, проходящей через точку <math>C \parallel BA</math>,</p>   |
| 7  | <p><b>Тема 7. Кривые второго порядка.</b></p> <p>Указать тип кривой второго порядка, найти ее параметры, сделать чертеж:</p> $\frac{(x+5)^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1.$   |
| 8  | <p><b>Тема 8. Плоскость в пространстве</b></p> <p>Даны четыре точки: <math>A(2,4,6); B(4,7,12); C(6,8,13); D(4,4,8)</math>.</p> <p>Найти:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) уравнение плоскости (<math>ABC</math>);</li> <li>2) угол <math>\beta</math> между прямой (<math>AD</math>) и плоскостью (<math>ABC</math>);</li> <li>3) уравнение прямой (<math>L</math>), проходящей через <math>(\cdot)D \perp</math> пл. (<math>ABD</math>);</li> <li>4) угол <math>\gamma</math> между плоскостью (<math>ABC</math>) и плоскостью (<math>ABD</math>);</li> <li>5) уравнение плоскости (<math>Q</math>), проходящей через <math>(\cdot) C \parallel</math> плоскости (<math>ABD</math>).</li> </ol> |
| 9  | <p><b>Тема 9. Прямая в пространстве</b></p> <p>Даны четыре точки: <math>A(2,4,6); B(4,7,12); C(6,8,13); D(4,4,8)</math>.</p> <p>Найти:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) уравнение прямой (<math>AB</math>) в канонической форме;</li> <li>2) уравнение прямой (<math>R</math>), проходящей через точку <math>D</math> параллельно (<math>AB</math>);</li> <li>3) тупой угол <math>\alpha</math> между прямыми (<math>AB</math>) и (<math>AD</math>), т.е. <math>\alpha = (AB \wedge AD)</math></li> </ol>   |
| 10 | <p><b>Тема 10. Введение в математический анализ.</b></p> <p>Найти область определения функции <math>y = \frac{\log_2(x-1)}{x-3}</math>.</p>  |
| 11 | <p><b>Тема 10. Введение в математический анализ. Пределы и непрерывность.</b></p> <p>Вычислить пределы, не пользуясь правилом Лопитала:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + 3^x}{\sqrt{x+8}}</math>;</li> <li>2) <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 1}{5x^2 + 2x}</math> ; 3) <math>\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - x - 6}{x^2 + 7x + 10}</math>;</li> <li>4) <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos 3x - \cos 4x}{x \sin 3x}</math></li> </ol>  |
| 12 | <p><b>Тема 10. Введение в математический анализ. Пределы и непрерывность.</b></p> <p>Найти точки разрыва функции. Построить чертеж.</p>  |

|    |  |
|----|--|
|    | $y = \begin{cases} x, & x \leq -2 \\ 4 - x^2, & -2 < x \leq 0 \\ 4 - x, & x > 0 \end{cases}$   |
| 13 | <b>Тема 11. Дифференциальное исчисление функции одной переменной.</b><br>Пользуясь формулами дифференцирования, найти производные следующих функций:<br>1) $y = \frac{\cos x}{1 - \sin x}$ ; 2). $y = 4 \cos^3 x$ ; 3). $y = e^{\sqrt{\operatorname{tg} x}}$ ; 4) $y = x^2 \sqrt{1 - x^2}$ .   |
| 14 | <b>Тема 12. Применение дифференциального исчисления.</b><br>Найти пределы, используя правило Лопитала:<br>1. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1+4x-x^4}{x+3x^2+2x^4}$ ; 2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos 2x}{1-\cos 3x}$ ;<br>3. $\lim_{x \rightarrow +0} \frac{\ln \sin x}{\ln \sin 5x}$ ; 4. $\lim_{x \rightarrow \infty} (x+1) e^{-x^2}$ . |
| 15 | <b>Тема 12. Применение дифференциального исчисления.</b><br>Найти интервалы монотонности и экстремумы функции $y = x^3 - 3x^2 - 9x - 12$   |
| 16 | <b>Тема 12. Применение дифференциального исчисления.</b><br>Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 35$ на отрезке $[-4; 4]$ .   |
| 17 | <b>Тема 13. Функции двух и нескольких переменных. Частные производные.</b><br>$z = \ln \frac{x}{y}$ . Доказать, что $\frac{\partial z}{\partial x} \cdot x + \frac{\partial z}{\partial y} \cdot y = 0$ .  |
| 18 | <b>Тема 13. Функции двух и нескольких переменных. Производная по направлению и градиент.</b><br>Найти $\operatorname{grad} u$ и $\frac{\partial u}{\partial l}$ в точке $M_0(1; \frac{1}{2}; -1)$ , если $\vec{l} = \vec{OM}_0$ , $u = \frac{z^2}{y} + xz$ .   |
| 19 | <b>Тема 14. Экстремум функции нескольких переменных.</b><br>Найти экстремумы функции $z = 2x - 2y - x^2 - y^2$ .   |
| 20 | <b>Тема 14. Экстремум функции нескольких переменных.</b><br>Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = x^2 + 2y^2 + 1$ в замкнутой области, ограниченной осями $Ox$ , $Oy$ и прямой $x+y=3$ .   |
| 21 | <b>Тема 15. Неопределенный интеграл и его вычисление.</b><br>Вычислить интеграл: $\int (x^4 + e^x) dx$   |
| 22 | <b>Тема 16. Основные классы интегрируемых функций</b><br>Вычислить: 1. $\int \frac{e^{\operatorname{arctg}(x)}}{1+x^2} dx$ ; 2. $\int (x+1)e^x dx$ ; 3. $\int \frac{2x+3}{x^2+3x-10} dx$ .   |
| 23 | <b>Тема 17. Определенный интеграл. Несобственные интегралы.</b><br>Вычислить $\int_1^2 \ln x dx$   |
| 24 | <b>Тема 18. Приложения определенного интеграла.</b><br>Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = (x-1)^2$ и $y = 5 - x^2$ .  |
| 25 | <b>Тема 20. Дифференциальные уравнения первого порядка.</b>  |

|    |   |
|----|---|
|    | Найти общий интеграл уравнения $ydx + (1 + x^2)dy = 0$ .  |
| 26 | <b>Тема 20. Дифференциальные уравнения первого порядка.</b><br>Найти решение уравнения: $y' - \frac{2}{x}y = x$ удовлетворяющее начальным условиям $y _{x=1} = 2$   |
| 27 | <b>Тема 21. Дифференциальные уравнения второго порядка.</b><br>Найти частное решение уравнения $(1 + x^2)y'' - 2xy' = 0$ , удовлетворяющее начальным условиям $y _{x=1} = 0; y' _{x=1} = 1$ .                         |
| 28 | <b>Тема 22. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка.</b><br>Найти частное решение уравнения, удовлетворяющее указанным начальным условиям: $y'' - 5y' + 4y = 0, y _{x=0} = 5, y' _{x=0} = 8$              |
| 29 | <b>Тема 22. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка.</b><br>Найти общее решение уравнения $y'' - 3y' + 2y = (34 - 12x)e^{-x}$ .   |
| 30 | <b>Тема 23. Числовые ряды.</b><br>Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n^3} = \frac{1}{1^3} + \frac{2!}{2^3} + \frac{3!}{3^3} + \dots + \frac{n!}{n^3} + \dots$                                 |
| 31 | <b>Тема 23. Числовые ряды.</b><br>Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{\ln(n+2)}{n+2} = \frac{\ln 3}{3} - \frac{\ln 4}{4} + \dots + (-1)^{n-1} \frac{\ln(n+2)}{n+2} + \dots$             |
| 32 | <b>Тема 24. Функциональные ряды</b><br>Найти интервал и радиус сходимости ряда<br>$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+2)} x^n = \frac{1}{3}x + \frac{1}{8}x^2 + \frac{1}{15}x^3 + \dots + \frac{1}{n(n+2)} x^n + \dots$ |
| 33 | <b>Тема 24. Функциональные ряды</b><br>Разложить в ряд функцию $y = \frac{1-e^{-x^2}}{x^2}$ .   |